حامعة البعث كلية العلوم قسم الرياضيات

السوال الأول (42 درجة):

أجب بكلمة صح، أو خطأ لكل مما يلي، مع ذكر التعليل أو التصويب لحالة الخطأ فقط:

إن المجموعة R = {0, 2, 4, 6, 8} تشكل حقلاً بالنسبة للجمع والضرب بالمقاس 10. (1)

إن الحلقة R = Z D Z هي منطقة تكاملية، لأن الحلقة Z منطقة تكاملية (2)

 $A.B=A\cap B$ فإن A.B=A مثاليتين في Z، فإن A=6Z , B=2Z(3)

A: B = 2Z فان Z، فان A = 6Z, B = 4Z إذا كانت A = 6Z, B = 4Z (4)

> . $Z_{12} = 4Z_{12} \oplus 9Z_{12}$ ن (5)

إن عدد عناصر حلقة الخارج مراكم الماوي عنصرين فقط (6)

إن العنصر (3, 0) جامد وليس قاسم للصفر في الحلقة Z2 + Z2. (7)

إن المثالية <7 > اعظمية في الحلقة Z12. (8)

اذا كانت $R = Z_{30}$ فإن $R = Z_{30}$ (أساس جاكبسون). (9)

ان (٠, +, ٠) هي حلقة موضعية . (10)

مميز الحلقة Z4 ⊕ 4Z يساوي العدد 4. (11)

المثالية الصغرية أولية في أي حلقة. (12)

إن حلقة الأعداد العادية (·, +, Q) ساحة مثاليات رئيسية. (13)

ان الحدودية $f(x) = x^2 + 1$ هي حدودية أولية فوق Z_5 (14)

علل صحة ما يلى: لتكن R حلقة. السوال الثاني (42 درجة):

- (1) إذا كان $a \in R$ عنصر أجامداً فإن $a \in R$ ليس عديم القوة .
 - (2) كل مثالية في R نواة لتشاكل حلقي غامر.
- (3) إن كل عنصر من الحلقة R وغير قابل للقلب من اليسار ينتمي إلى أحد المثاليات اليسارية الأعظمية في R.

(4) كل مثالية يسارية عديمة A في الحلقة R تكون محتواة في أساس جاكبسون (A).

(5) إذا كانت A, B مثاليتين يساريتين في الحلقة R وكانت A صغيرة في R فإنA مثاليتين يساريتين في R صغيرة في R.

(6) إذا كان x عنصراً من الحلقة R عديم القوة فإن rad R) x ∈ rad R الأساس الأولى للحلقة R).

السؤال الثالث (16 درجة):

عرف الحلقة الاقليدية . ثم اثبت أن أي حلقة اقليدية هي حلقة مثاليات رئيسية

امتحاثات الدورة الأولى للعلم الدراسي 2014 - 2015 البدئ ساعة وتميل أسللة مازر البلى الجيرية (2) كلية العلوم العاصة: 100 درجة سنة ثانية رياضيات الانسمة تواءد تساحيا قسم الرياضيات السوال الأول (42 درجة): الجا يكما منح، أو خطا لكل مما يلي، مع نكر النقيل أو التصويب لحلة النظا فلمات X (1) إن العلقة R = {0, 2, 4, 6, 8} بالنسبة للجمع والضرب بالمقاس 10 ليست واحدية ما صرية المجاد ليمنها عمر إن الطقة (· , +, و211) مي حقل. كان واا ليس الرك (2)× إن عدد مثاليات طقة الأعداد العقيقية (٠, +, R) غير منته. R مقل عدد شاليان و العمل مدالت (3) اذا كات A = 6Z , B = 4Z ما الا كات A = 6Z , B = 4Z ما الا كات A = 6Z , B = 4Z (4) إن قانون الاختصار بالنسبة للضرب محقق في الحلقة ٢٥٦ . وظ كان ٢٥٦ ليس منعتة تكسيم مع الحالم (5) ان عدد عناصر حلقة الخارج 32/157 يساوي 3 عناصير . عنا كار ك 6 (6)ان العنصر (3, 1) جامد وقاسم للصفر في الطقة Z3 ⊕ Z6. إن المثالية <4> اعظمية في العلقة 224. وعلى بدن <2> اعظمية في العلقة 24، وعلى بدن <2> (10) إن (٠, +, ٠) مي حامة موسسية . غ <2 ×2 × (11) مميز الطقة (٠, +, 52) يساوي العدد الأولي 5. ساري، لصغر الخارج Z/3 مي حلقة مثاليات رئيسية. $\sqrt{2}$ (13) إن المعدودية $x^2 + 3x + 2 \in Z_6[x]$ تملك صفرين (جذرين) على الأكثر في Z_6 . على ا X_6 (14) طقة كثيرات الحدود على أي حقل هي حلقة اقليدية. السؤال الثقى (32 درجة): علل صحة ما يلي: (1) إذا كانت A, B مثاليتين في الحلقة R ، تحققان A ∩ B = 0، فإنه أيا كان a∈A , b∈B فإن about the abea AB - a ble and ABSAMBE a.b=0 (2) إن كل عنصر من الطقة R وغير قابل للقلب من اليسار ينتمي إلى أحد المثاليات اليسارية الأعظمية في R. √ (3) إن أي مثالية يسارية عديمة القوى في الحلقة R تكون عديمة. (4) كل مثالية يسارية عديمة A تكون محتواة في أساس جاكبسون (J(R). ية (5) إن أساس جاكبسون (R) ل مرجود في الحلقة R ولا يساوي الحلقة R وهو أكبر مثالية بعدارية

السؤال الثالث (26 درجة): لتكن R حلقة تبديلية و A مثالية في R. عرف جذر (اساس) المثالية (rad A)، ثم أثبت ما يلي:

rad A (1) مثالية في R.

(2) إذا كانت A مثالية أراية في R، فإن A = A

(3) من الجل أي طقة واحدية R وكون $R \subseteq J(R)$ عومن I(R) هو أساس جاكبسون في R.

مع اطيب التمليات بالنجاح د. إيمان الخوجة ركم

2015 / 2 / 17

صغيرة في R.

العلامة وواواده

المعوال الأول (42 درجة): أجِب بكلمة صح، أو خطأ لكل مما يلي، مع ذكر التعليل أو التصويب لحالة الخطأ فقط:

(1) ان حلقة الأعداد العادية (·, +, 0) مي منطقة تكاملية.

عظام (2) إن العلقة (٠, +, و11) مي على. وا لعبي وسداد إلى (2) الماء ١٦٦

(3) قانون الاختصار محقق بأي حلَّقة ايزومورفية مع (تماثل) منطقة تكاملية.

(4) إن الحلقة (nZ,+, ·) حيث nez هي منطقة تكاملية جزئية من (T,+, ·) .

(5) إن عند عناصر حلقة الخارج $\frac{3Z}{157}$ إساوي 3 عناصر . 5

Z/67 ان حلقة الخارج Z/67 هي حقل.

٧ (7) إن حلقة الأعداد الحقيقية (٠, +,) ساحة مثاليات رئيسية.

. Z. Alai Jakyaket (I) CHEN of (a) K

× (9) إن (٠, +, ٠) هي حلقة موضعية.

× (10) إن 3 عنصر ليس عديم القوى في 227.

 $(nZ, +, \cdot)$ معين الحلقة $(nZ, +, \cdot)$ حيث $n \in \mathbb{Z}^+$ بساري العدد

(12) إن المثالية ZZ O 5Z هي مثالية أولية في الحلقة Z

(13) إن العنصر 4 جامد في الطقة (· , +, 1).

. Z_7 إن الحدودية Z_7 [x] بالكثر في Z_7 تملك صفرين (جنرين) على الأكثر في Z_7 .

العنوال الثاني (22 لرجة): التكن R , S حلقتين واحديثين، وليكن $R \to R$ هومومور فيز ما حلقيا. أثبت ما يلي:

(1) إذا كانت A مثالية بسارية لي R ، وكان f غامرا فإن f(A) مثالية يسارية في S.

(2) إذا كان f غامرا فإن (1s)=(1s)

 $\frac{R/B}{A/L}\cong R/A$ فإن $B\subseteq A$ فإن A , B مثاليتين في R بحيث إن A , B فإن (3)

السؤال الثالث (36 درجة): عل صحة ما يلي:

(1) إذا كانت M , N مثاليتين في الحلقة R (التبديلية والواحدية)، تحققان M + N = R، فان $M \cap M = M \cap M$

(2) إن كال عنصر من الحلقة R وغير قابل للقلب من البسار ينتمي إلى أحد المثالبات البسارية R is a subself

(3) إذا كانت A مثالبة يمينية أصغرية في الحلقة الراحنية R ، فإن A = a R حيث A ∈ A .

(4) إن أي مثالية يسارية عديمة القرى في الحلقة R لاتحوى عناصر جامدة مغايرة للصفر.

(5) إذا كانتُ A مثالية يسارية صغيرة في الحلقة R، فإن $A\subseteq J(R)$ ، حيث $A\subseteq J(R)$ مر أساس چاكىسون فى R.

امتحانات الدورة الثانية للعام الدراسي 2013 - 2014 أمنللة مقرر البنى الجبرية (2) منلة ثانية رياضيات

جامعة البعث كلية العلوم أسم الرياضيات

السوال الأول (36 لرجة):

أجب بكلمة صح، أو خطأ لكل مما يلي، مع ذكر التعليل أو التصويب لحالة الخطأ فقط:

(1) كل عنصر مغاير للصغر في الحلقة Z10 بكون قابلا للقلب أو قامدما للصغر .

(2) إن الطقة (· , + , -) هي منطقة تكاملية.

(3) إذا كانت A = 6Z, B = 8Z ، فإن A = 6Z, B = 8Z

(4) إن عدد عاصر طقة الخارج $3Z/_{122}$ يساوي 3 عناصر .

(5) إن طقة الخارج 22/62 ليمت حقلا لأن 22 ليمت واحدية.

 $Z \cong nZ : \forall n > 1$ (6)

(7) إن المثالية <3 > أعظمية في الطقة . (7)

(8) كل طقة الليدية هي حلقة مثاليات رئيسية .

(9) معيز الطقة (·, +, 5Z) يساوي العدد الأولى 5.

(10) إن المثالية 12Z أولية في Z.

(11) إن العنصر 4 جامد في الحلقة $(\cdot, +, 0.7)$.

. Z_6 ان الحدودية $X^2 + 3x + 2 \in Z_6[x]$ على الأكثر في $X^2 + 3x + 2 \in Z_6[x]$ الأكثر في الأكثر في

المنوال الثقي (30 درجة): علل صحة ما يلي:

(1) كل حقل F هو منطقة تكاملية .

(2) إذا كانت R منطقة تكاملية فإن العناصر الجامدة في R هي فقط 0 و 1

(3) إن كل عنصر من الحلقة R وغير قابل للقلب من اليساز ينتمي إلى أحد المثاليات اليسارية الأعظمية في R.

. $0 \neq a \in A$ حيث A = Ra فإن A = Ra حيث A = A حيث A = A

(5) إن أساس جاكبسون (J(R) في الطقة R هو مثالية يسارية صغيرة في الطقة R.

السؤال الثلث (24 درجة): البت مايلي:

(1) إذا كان العنصر x ∈ R عديم القوى في الحلقة R ، فإن x ∈ rad R هو الأسلس الأولى للحلقة R .

(2) إذا كانت A مثالية في R فإن R عال rad (rad A) = rad A حيث R هر جنر (أساس) A.

(3) من اجل أي حلقة واحدية R يكون $R \subseteq J(R) \subseteq I$ من اجل أي حلقة واحدية R يكون $R \subseteq J(R)$

السؤال الرابع (10 درجات): البت أن:

حلقة الحدوديات [F[x] فوق أي حقل F هي حلقة مثاليات رئيمنية.

مع أطيب التمنيات بالنجاح د. إيمان الخوجة

A.

2014-6-2

جلمعة البعث كلية العلوم قسم الزياضيات

المه عن الأسلة الأتولى:

المسؤال الأولى (36 درجة): الخطا لكل معا ولي، مع ذكر التعليل أو التصويب لحالة الخطأ فقط: الجب بكلمة صح، أو خطأ لكل معا ولي، مع ذكر التعليل أو التصويب لحالة الخطأ فقط:

- (1) إن إن 51Z U 51Z مثالية في الحلقة Z وتساوي Z.
 - (2) إن حلقة الخارج 2Z/6Z مي حقل.
 - (3) إن (٠, ٠, ٠٠) مي حلقة تامة.
- (4) إن حلقة الخارج 3Z/12Z حلقة ليمس واحدية لأن 3Z حلقة ليمس واحدية .
 - (5) إن عدد عناصر حلقة الخارج 2Z/87 بمناوي 8 عناصر .
 - (6) كل طقة تبديلية وواحدية تحتق خاصية الاختصار.
- (7) كل عنصر مغاير للصفر في حلقة تبديلية وواحدية يكون إما قاسم للصفر أو قابل للقلب.
 - (8) إن المثالية الصغرية في حلقة الاعداد العادية Q أولية .
 - (9) مميز الطقة (٠, +, 5Z) يساوي 5.
 - (10) إن 2Z ∩ 5Z مثالية أعظمية في Z.
 - (11) إن العنصر 4 جامد في الحلقة (·, +, 10).
 - ان حلقة الأعداد الصحيحة $(\cdot, +, \cdot)$ حلقة أرتينية ونيوثرية بأن واحد.

السؤال الثاني (40 درجة): علل صحة ما يلي:

- (1) إذا انتمى عنصر قابل للقلب من اليسار لمثالية يسارية A من حلقة واحدية R، فإن R = A.
- (2) إذا كاتت M , N مثاليتين في الحلقة R (التبديلية والواحدية)، تحققان M + N فإن M , N = M \cap N
 - (3) إذا كان Z_n (1>1) حقلا، فإن n يكون أوليا . .
 - (4) كل مثالية عديمة القوى في حلقة R ، تكون عديمة .
 - (5) إذا كانت الحلقة R واحدية وتبديلية، و A مثالية أولية في R ، فإن R . rad A = A .
 - (6) حلقة الأعداد الصحيحة Z مي حلقة اقليدية.

العنوال الثالث (24 رجة): التكن R, S حلتتين واحديتين، وليكن $f: R \to S$ هومومورفيزما حلقيا. اثبت ما يلي:

- ker f (1) مثالية في R (نواة f) مثالية في
- (2) إذا كان f غامرا فإن (1s) إذا كان f
 - $R/kerf \cong lmf$. (3)

مع أطبب التمنيات بالنجاح د. إيمان الخوجة

-ist

2013 - 1 - 15

goe de 12/مرا المن ألحد م/2/ سه تاید ریاصات امتان العنه الزول للعام الراسي 2013- 4102 الحواب الأول اكاوروها الاطله وروات 177 Coly 75 Last 2 1 des (1 2) 93 العالم العالم العالم العالم م \$ 5,4 و العالم العال 4) عظاء علقه واحده والحادي في المادي في المادي والم ر) مطارب ادی 4 کنا صر ، ما منا من ان تكون عمه. ، خيان عاد نادن الله 17 و) مغار الدي صر لذنا يزمنه. .5Zi,2Z isos 2Z 15Z vil & Ves (10 4=6+4 cil 1 bis (11 ١١) مطأء ح مله مؤورية ولم ق أرائد. الحواب الثاني مه درمة (الأن او ((م) درمان ولا ن عربه ودر ا cus beRessitive Medicial blises a sur a EA che (1) R= A old! costions 1= back air = ba=1 6 看 (

Whish exemption of the service of th

cir-11/16/10/2000 0< 1/16/01 V=0 6/10 · ce(Y)<(e(b)) > (Y=0 b) الحواب الناك لك ومعة كلاف اوع لام المعادية R = Kerft + owo ockerf wie flor= o wil (1 :1x-1) = fix)-fiy= = = fix)= fix)= 0 :: = x, y = Kerfoxs () ob CoreR ob Li contago. x- JEKerfoici in Kentistrix Linkert - a fixxxs=filletintill=0 ع) المحان : مان مج فاز و کر فی فانوف عد المعال المان (ع) و لما كان أع عما ، لفرض أن لا = (١١) عند لله . الم :+Kerf & Kerfold i : O'D' did 4: Kerf Infrablicial B الله المائية (المراع عليه ان م تعلي و منا من الإلا المرو) و المراع الم = x+kerf, y+kerfe kkerf x+kerf= y+kerf (> (x-x)+kerf= kerf (> x-2 e kert (=> f(x-2) = 0 (=> f(x)=f(x) (=> ce(x+kerf)=ce(s+kerf) ce[(x+kerf)+(y+kerf)]=ce(1x+y)+kertin) (200000) 4016 = f(x+3) = f(x)+f(3) = 4(x+kerf)+4(3+kerf) CO[(x+kerf)(3+kerf)] = Co[(xy+kerf)] - f(xy)= f(x)f(y)= 4(x+Kerf) 4(3+Kerf) المات ن الخلن

العدق ساعتان العلامة: 200 لرجة Years:

NE

الشامة الدورة المولق للعام الدراسي 2012 - 2013 استنة مقرر اليني الجبرية (2) سنة ثانية رياضيات

حامعة تبعث كلية الطسوم أسم الرياضيات

اجب عن الأسللة الأتبة:

السؤال الأول (36 درجة):

- أجب بكلمة صبح، أو خطأ لكل مما يلي، مع ذكر التعليل أو التصويب لحالة الخطأ فقط:

(1) إن 2Z U 8Z مثالية في الحلقة Z وتساوني 8Z.

(2) إن جميع عناصر الحلقة 24 المغايرة للصغر عناصر قابلة للقلب فيها.

(3) إن حلقة الخارج 27/67 في ليست ساحة صحيحة (منطقة تكاهلية).

(4) إن (· , + , 2) حلقة موضعية وليست حقلا .

(5) إن عد عناصر حلقة الخارج 72/217 يساري 7 عناصر.

(6) إن معيز العلقة (· , + , 52) يساوي العدد الأولى 5 .

(7) إن العنصر 2 في الحلقة (· , + , وZ) جامد وليس عديم القوى.

Z/57 ايز ومورفية مع حلقة الخارج Z/57

(9) المثالية الصغرية أولية في الحلتة (٠, +, 212).

(10) إن 2Z ∩ 3Z مثالية اعظمية في Z.

(11) إن حلقة الأعداد العادية Q هي ساحة مثاليات رئيسية .

(12) إن حلقة الأعداد الحقيقية R مي حلقة نيوثرية وليست أرتينية.

السؤال الثاني (32 درجة): علل صحة ما يلي:

(1) كل منطقة تكاملية منتهية تشكل حقلا .

(2) إذا كانت الطقة R تحقق خاصية الاختصار، فإن R حلقة تامة.

(3) إذا كانت الحلقة R واحدية وتبديلية، و A مثالية أولية في R ، فإن R مثالية الله على الم

(4) حلقة الأعداد الصحيحة Z مي حلقة اقليدية.

السوال الثلث (32 درجة):

اثنت ما يلي:

(1) لتكن R حلقة واحدية، عندنذ إذا كانت $R \neq R$ مثالية يسارية من R، فإنه ترجد في R مثالية يسارية اعظمية تحوى A.

(2) إذا كانت A, B مثاليتين يساريتين في الطقة R بحيث إن A⊆B وإذا كانت B صغير: في R فان المثالية A تكون صغيرة في R. (3) لتكن المثالية اليسارية A من الطقة R عديمة القوى في R، عندنذ يوجد "n EN يحقق

 $A^n = 0$

12/2/2 in it gives pt いまからからから 12013/7/1 ابدات اللول کاور درمای نام الله و درمای 2872 واليه من Z تنظ ت وي 22082 عنالاً: 2 قا سم الصغر وليس عابل المغلب. . ٠ (مناا من المناه و المناس المن المناس من مناه بي مناه من المناس مطائر سادي و عاصر وهي (٢١٦٦ و ٢٠٤٦) عطائر سادي و عاصر وهي العدادة @ فنامِين الله 2 و سادي الصغر لذرا على منية عَلَانَ 2 ليم عامد لذن 4 = 2 و هو عدي العوى لانه يوم 2 عامد عن عامد عدي العوى لانه يوم 2 عامد عدي العوى لانه يوم 2 عامد عدي العوى لانه يوم 2 عامد على العرب F 3 . حيا لأ تقطن عيد حرو ن بن رأله مناً، لان ١٤٦٦عنواه في ١٤٦ معنواه في ١٤٦ معنواه في ١٤٦ (10) ال . صى دنوط مكل . حَظَامُ A مقل بنو ملعة سو تربية وارينية بال واحد . (12) الجواب الثاني عود رجه لل بنر 8 درجه ١- لكن ٩ مفل منابع منه و نهي عبد له دراهيد د الان ان كل عد ما يالمعز ميالان ال لين عهم و و اذا كان له و بانه عالا للعلم. لنون ١ م وند ع ١٠٠٠ و اذا كان له و ما به عالا للعلم المنون ١ م و د د ادا كان له و ما به عالا للعلم المنون ١ م و د د ادا كان له و ما به عالم المنالا العلم الع ؟ ستيه الدوم عداد صعم موجد jez نبي ز+ و و ما داد عدم وجد ؟ الم عن عامية الدمن الدمن م الم و الله م م الم الله عن الدين الرف الم الم الله عن الله الله عن الله الله عن الله الله عن الله

الجواب النالث عودرجة

عند ان العند ال

I SET DET SPECIO SET OUS:

ALBORDACE OLICE ACE CITE OULL A, B -2 A+K=R con River will K das. River and ¿ coile P B + K = R con Je OS = A+ K SB+KSR is is l' Roberts! K=R ist 3- لنزن المثل البياريه Aمية الفوى كناز تو عد ١٤١٧ كين = a, az, ... , an ∈ A obli 205, a, az ... an = o(10 air 1 Sis n' W bij EA Cin x = Ebijbin bijing xe A JU A"=0 جاريال الخوص A عا - يخ الامتان 2013/7/

المدة: ساعتان العلامة: 100 درجة الاسم: يا درية

امتحادات الفصل الثاني للعام الدراسي 2011 - 2012 حامعة البعث اسئلة مقرر البنى الجبرية (2) سنة ثانية رياضيات

كلية العلوم قسم الرياضيات

أجب عن الأسئلة الآتية:

السؤال الأول (36 درجة):

أجب بكلمة صبح، أو خطأ لكل مما يلي، مع ذكر التعليل أو التصبويب لحالة الخطأ فقط:

(1) إن عدد مثاليات الحلقة (٠, +, -Z7) سبع مثاليات .

إن حلقة الخارج 22/67 حلقة ليست واحدية .

. Z = 7Z = 7Z في الحلقة Z = 7Z (3)

إن عد عناصر حلقة الخارج 22/67 يساوي 6 عناصر .

المثالية (A , 0) = A أولية في الحلقة (، , + , 2) .

إن المثالية 42 أعظمية في الطقة 22.

(8) إن أي علصر مغاير للصغر في الحلقة المنتهية يكون عكومنا أو قاسما للصغر.

(9) مميز الحلقة (·, +, 11Z) يساوي 11.

(10) إن قانون الاختصار بالنسبة للضرب محقق في أي حلقة .

Z[x] كثيرة الحدود Z[x] $X^4 + 3x^2 + 3 = Z[x]$ أولية (غير قابلة للتحليل) في الحلقة Z[x].

(12) إن حلقة الأعداد العادية (٠, +, و) حلقة أرتينية ونيوثرية بأن واحد.

السؤال الثاني (40 درجة): على صحة ما يلي:

A + B = R مثالیتین فی الحلقة R مثالیتین فی الحلقة R مثالیتین فی الحلقة R مثالیتین فی الحلقة Rعندند A . B = A ∩ B

(2) كل منطقة تكاملية منتهية تشكل حقلا .-

(3) إذا كان F حقلاً فإن F بحوي مثالوتين فقط، هما (0) و F.

(4) إذا وجد في المثالية A من الحلقة R عنصر قابل للقلب من اليسار، فإن R = A.

(5) إذا كانت الحلقة R تبديلية وواحدية فإن كل مثالية أعظمية في الحلقة R ، هي مثالية أولية.

السوال الثالث (24 درجة): أثبت ما يلي:

(1) لتكن R حلقة تبديلية و واحدية ، ولتكن A ≠ R مثالية في R ، عندنذ يوجد في R مثالية اعظمیة تحری A .

(2) أثبت أن كل حلقة اقليدية R هي حلقة مثاليات رئيسية .

2012-6-25

الم رعمع مر رالمن الجديد/2/ 2012/6/250/6/5/5/ Chiply - it air 2015 (36) الحاب الدول الل سن للم ن درما . Jas Z منالت الذن الله (U . Cestal in 4+62 Line (2) . المنان منان عامل عرب على عرب (المان مناسل . (عام المان مناسل . (عام المان مناسل . (عام المان مناسل . (ع · 3 CON_ 3Z 9-13/2 all so ille (4) (۵) مع ، (۲) عدمود و منطى علامت لماع الطالب . (و) عظام من الحله ١٤٤ تيا ، بي الصر لذن عنون. (١٥) عظام عانون المعنقل المعان الحلقات التامه. (المامل التكاهلية). HARION E (11) البداب النان (حوم 40) و درجات لل سر ABEA, BULL A, BUYUILS AB = Exiti x; EA, JEB? (1) ear ABCAMB . ILLENTING ILL SIL . ABCAMB . ABCAMB . = ax+1x-ax+xbine xEARP du. 1= a+b cue beB , a=A I'S XEAB @ x b & ABUIL ax & AB i's a & A, X & B viv. - will R vil من منار المنزي على المناك من المناك عند المناك مناكر المناك المن

م مناه مناهد مناوس ال ان A اراب

الراب النالث ، 45 درجه

(۱) . لكان المعالميه من المراف المرب والمعالمية والمعالمية والمعالمية والمعالمية والمعالمية والمعالمية والمعالمة المرمنواد . للكان آبيه المرباحة من المرباء من المرباء من المرباء من المرباء المرباء

و منه برجه م DeT و بية DeT و حداينا بكن كون DeT و منه به المن الموادة المنا كالمن الموادة المنا كالمنا المن الموادة المنا كالمنا كالمناك كالمنا كالمنا كالمنا كالمنا كالمنا كالمنا كالمنا كالمنا كالمناك كالمنا كالمنا كالمنا كالمنا كالمنا كالمنا كالمنا كالمنا كالمناك كالمنا كالمنا كالمنا كالمنا كالمنا كالمنا كالمنا كالمنا كالمناك كالمنا كالمنا كالمناك ك

الله و المان الما

د (یان الحوص

2012/6/85

خامعة النحث كثيبة العلسوم قسم الرياضيات

اوب عن الأسللة الأتهة:

السؤال الأول (36 نزجة):

اجب يكلمة صح، أو خطأ لكل مما يلي، مع ذكر التعليل أو التصويب لحالة الخطأ فقط:

(1)إن 82 ل 22 مثالية في الحلقة Z رتساري 82. متعطا

(2) إن جميع عناصر العلقة 2 المعايرة للصغر عناصر قابلة للقلب فيها. صفا أ و 3 تا الل للعاب 2 تا سم لل

(3) إن حلقة الخارج 22/62 هي ليست ساحة صحيحة (منطقة تكاهلية). عام بدن ع و باعداهدية (رورون) وارد هر معنود مدات او جودور

حروم المحلية (4) إن (٠٠, +, ع) حلقة موضعية وليست حقلا.

(6)إن معيز الطقة (، + , 5Z) يساوي العند الأولى 5 . صطّا الصير لأن 32 عير مناوي ميره ميرو معيز (7) إن العنصر 2 في الطقة (، با مناوي العند الأولى 5 . صطّا العنام المعام اعظميش منها (5) إن عد عناصر حلقة الخارج 72/212 يساوي 7 عناصر جيف "

ره) بن معير الحلقه (\cdot , + , \cdot) يساوي العند الأولى 5 . هما \cdot \cdot , \cdot , \cdot , \cdot) بن العنصر 2 في الحلقة (\cdot , \cdot , \cdot) جامد وليس عديم التوى . \cdot هامد ه . \cdot) الدائة . \cdot) بن الحاقة (\cdot) بن الحقة (\cdot

صع (8)إن الحلقة 25 إيزومورفية مع حلقة الخارج 21/52 يم ع

مين عن (9) المثالية الصغرية أولية في الحلقة (، , + , 212 ، صفاد لون ٥٠ = 12 = (٥٥) ، حمد (٥٥) عند (٥٠ عند (٥

(11) إن حلقة الأعداد العادية Q هي ساحة مثاليات رئيسية . وع لان على معن مرسا وي من وي

(12) إن حلقة الأعداد الحقيقية Rهي حلقة نيوثرية وليست أرتينية. عنه وارسيت

السؤال الثاني (32 درجة): علل صحة ما يلي:

١٤ (١) كل منطقة تكاملية منتهية تشكل حقلا .

(2) اذا كانت الحلقة R تحلق خاصية الاختصار، فإن R حلقة تامة.

(3) إذا كانت الحلقة R و احدية و تبديلية، و A مثالية أولية في R ، فإن R عرام rad A = A

(4) حلقة الأعداد الصحيحة Z هي حلقة الليدية.

السوال الثالث (32 درجة):

اثبت ما يلي:

(1) لَتَكُن R حَلْقَة واحدية، عندنذ إذا كانت A #R مثالية يسارية من R، فإنه توجد في R مثالية بسارية أعظمية تحوي A .

٩ (2) إذا كانت A, B مثاليتين يساريتين في الحلقة R بحيث إن A⊆B وإذا كاتب B صغيرة في R

فإن المثالية A تكون صغيرة في R .

 (3) لذكن المثالية البسارية A من الحلقة R عديمة القوى في R، عندئذ يوجد "n∈N يحقق $A^n = 0$

2013-7-1

د. إيمان الخوجة.

المدة: ساعتان العلامة: 100 درجة (Kung:

air

امتحانات الفصيل الثاني للعام الدراسي 2010 - 2011 اسئلة مقرر البنى الجبرية (2) سنة ثانية رياضيات

حامعة البعث كلية العلوم قسم الرياضيات

أجب عن الأسئلة الأتية:

السؤال الأول (36 درجة):

أجب بكلمة صح، أو خطأ لكل مما يلي، مع ذكر التعليل أو التصويب لحالة الخطأ فقط:

(٠, +, 23) حقل وليس حلقة موضعية.

ان حلقة الخارج 2Z/6Z حلقة واحدية . (2)

(3) 'co . $(Z_{25}, +, \cdot)$ في الحلقة $(Z_{25}, +, \cdot)$.

إن حلقة الخارج 2/62 هي حلقة تامة. منا و وروم المعود (4)

المثالية الصفرية في الحلقة (٠, +, ١٤) هي مثالية أولية. (5)

airs 27 , 47528 إن المثالية 4Z أعظمية في الحلقة 2Z وبالتالي فهي أولية فيها. حطا (6)(0,6) مثالية أعظمية في الحلقة (Z12,+, ·). مِعَا عَدَاتِ عَدَاكَ عَدَا (7)

إن أي عنصر مغاير للصفر في الحلقة المنتهية يكون عكوسا أو قاسما للصفر. (8)

مميز الحلقة (·, +, 11Z) يساوي 11. (9)

إن قانون الاختصار بالنسبة للضرب محقق في أي حلقة . (10)

Z[x] كثيرة الحدود Z[x] في الحلقة $X^4 + 3x^2 + 3 \in Z[x]$ في الحلقة (11)

إن حلقة الأعداد العادية (· , +, Q) حلقة أرتينية وليست نيوثرية. (12)

السؤال الثاني (40 درجة): علل صحة ما يلي:

A + B = R تحقق تبديلية وواحدية، ولتكن A, B مثاليتين في الحلقة R تحققان Rعندنذ A . B = A ∩ B

(2) كل ساحة صحيحة منتهية تشكل حقلا.

(3) لتكن R هي حلقة بول (أي $a^2=a$ لكل $a^2=a$ بحيلية ول الكن R مندنذ تكون R تبديلية والكن الكن R

(4) إن جذر جاكبسون J(R) في الحلقة التبديلية و الواحدية R هو مثالية صغيرة في R.

(5) كل مثالية اعظمية في الطقة R ، هي مثالية أولية. (R طلق سريل وواصر)

السؤال الثالث (24 درجة):

(1) أثبت أن كل حلقة اقليدية R هي حلقة مثاليات رئيسية.

(2) إذا كانت R حلقة تبديلية و x ∈ R ، فاثبت أنه إذا كان x ∈ rad R حيث rad R مو الجذر الأولى للحلقة R ، فإن x يكون عديم القوى.

المدة: ساعتان امتحانات الفصيل الثاني للعام الدراسي 2009 - 2010 اسئلة الدورة الأولى لمقرر البني الجبرية (2) العلامة: 80 درجة الاسم: وتم عزص سنة ثانية رياضيات

حامعة البعث كلية العلسوم قسم الرياضيات

اجب عن الأسئلة الأتية: السؤال الأول (36 درجة):

جب بكلمة صبح، أو خطأ لكل مما يلي، مع ذكر التعليل أو اللصويب لحالة الخطأ فقط:

ان حلقة الخارج 22/42 ساحة صحيحة. (1)-5

إن عدد مثاليات الحلقة (· , + , -) سبع مثاليات فقط . (2) - 3

كل حلقة جزئية من حلقة واحدية تكون حلقة واحدية. هظاء 22ملعه برسند جر بحر سي رادية (3) -5

المثالية الصفرية في الحلقة (٠, +, وZ) هي مثالية أولية. (4) - 3

حقل الأعداد الحقيقية (· , +,) حلقة ارتينية وليست نيوثرية. (5) = 3

(6) = 3 ان (، , + , ٠) حلقة موضعية.

إن قانون الاختصار بالنسبة للضرب محقق في أي حلقة. (7) - 3

(8) 8 3 العنصر 5Z + 5 عكوس (قابل للقلب) في حلقة الخارج 2/5.

> إن الحلقة Z ايزومورفية مع الحلقة n≥ 1 لكل 1 ≤ n. (9) .

> > كل ساحة مثاليات رئيسية هي حقل. (10) - 3

كثيرة الحدود 4-4 x2 أولية (غير قابلة للتحليل) على مجموعة الأعداد العقدية O. (11) . 8

إذا كانت $(\cdot , + , +) = R$ ، فإن $R = (Z_{24}, + , +)$ يساوي المثالية الصفرية. (12) 5

السؤال الثاني (25 درجة): علل صحة ما يلي:

(1) كل ساحة صحيحة ومنتهية هي حقل.

(2) إذا كان مميز الحلقة R يساوي الصغر، فإن R حلقة غير منتهية.

(3) كل مثالية يسارية عديمة القوى في حلقة، تكون مثالية عديمة.

. $A \cdot B \subseteq A \cap B$ عندنذ $A \cdot B \subseteq A \cap B$ لتكن $A \cdot B \subseteq A \cap B$ عندنذ (4)

(5) إذا كانت R حلقة تبديلية وواحدية فإن كل مثالية أعظمية فيها هي مثالية أولية.

السؤال الثالث (9 درجات): إن حلقة كثيرات الحدود [x] على أي حقل F، هي ساحة مثاليات

السؤال الرابع (10 درجات): لتكن R حلقة تبديلية وواحدية. برهن أنه إذا كانت R تحقق شرط الأعظمية (أية مجموعة غير خالية من المثاليات تملك عنصر اعظمي) فإن R تحقق شرط الانتهاء (أية مثالية في R منتهية التوليد).

> مع أطيب التمنيات د. إيمان الخوجة

2010-6-8



العلامة: 80 درجة Ikma:

امتحاثات القصل الثاني للعام الدراسي 2007 - 2008 استلة الدورة الأولى لمقرر البني الجيرية (2) سنة ثانية رياضيات

جامعة البعث كلية العلوم قسم الرياضيات

أجب عن الأسئلة الأتية:

السوال الأول (36 درجة):

أجب بكلمة صح، أو بكلمة خطا لكل مما يلي، مع ذكر التعليل أو التصويب لحالة الخطأ فقط: (1) إذا كان n عددا أوليا فإن عدد مثاليات الحلقة $(\cdot, +, +, -1)$ يساوي n مثالية.

(2) إن (·,+, ، , Z حقلا لكنها ليست حلقة موضعية.

Z في الحلقة (2) + (8) = (8) (3)

. R مثالية في Q (4)

(5) كل حقل ساحة مثاليات رئيسية.

 $(Z_{24}, +, \cdot)$ في الحلقة (12) (16) = 0 (6).

 $n \ge 1$ الحلقة Z ايزومورفية مع الحلقة Z ، لكل $z \ge n$.

 $n \ge 1$ ساحة صحيحة جزنية من Z ، لكل $n \ge 1$.

(9) إذا كانت R حلقة ما و f(x), g(x) كثيرتي حدود من الحلقة R[x] من الدرجة 3, 4 على الترتيب، فإن f(x)g(x) كثيرة حدود من الدرجة 7 دوما.

على العربيب، عبن (x) عربه) أولية (غير قابلة للتحليل) في 27 . " رينه في x² + 3 اولية (10) كثيرة الحدود (13 + 3 أولية (غير قابلة للتحليل) في 27 .

(11) إن (٠,+,٠) حلقة مؤضعية.

(12) { 1, 2, 4 } مثالية أولية في الحلقة Z.

السوال التاتي (20 درجه):

علل صحة العبارات الآتية:

1. أي حقل F يكون ساحة صحيحة.

2. إذا كان p أوليا في Z فإن المثالية الرئيسية (p) تكون أولية في Z.

 لتكن R حُلقة تبديلية و واحديه، عندنذ قواسم عنصر غير قابل للتحليل في R هي فقط العناصر المرافقة له والعناصر العكوسة في R.

4. إذا كان a فاسما للعنصر b في الحلقة الاقليدية A و $\phi(a) = \phi(b)$ ، فإن a مترافقان . R في

السوال الثالث (24 درجة): برهن ما يلي:

إن حلقة كثيرات الحدود [x] على أي حقل F، هي ساحة مثاليات رئيسية.

 إذا كانت R حلقة تبديلية ونيوثرية (تحقق شرط انقطاع السلاسل المتزايدة) فإن كل مثالية في R تكون ذات مولدات منتهية (منتهية التوليد).